

Chapitre 1, Livre 3^{ème}

Ecritures littérales – Factoriser, série 1

- 28** a. $7,31 \times 15 - 7,31 \times 2 - 7,31 \times 3 = ?$
 b. $-0,8 \times 5,6 + 1,7 \times 5,6 + 0,1 \times 5,6 = ?$
 c. $9,5 \times \frac{9}{11} + 9,5 \times \frac{8}{11} + 9,5 \times \frac{5}{11} = ?$

- 30** a. $4x + 36$; b. $11a + 22b$;
 c. $x^2 + 7x$; d. $y^2 - 4y$;
 e. $5x^2 + 10x$; f. $21z - 7z^2$.

32 Voir « Mettre en pratique » à la page 21.

$$\begin{aligned} A &= (x+4)(x-2) + 3(x+4) ; \\ B &= (x+1)(x+3) - 5(x+3) ; \\ C &= (x+7)^2 + 3(x+7) ; \\ D &= (x+5)^2 - (x+5) . \end{aligned}$$

33 Voir « Mettre en pratique » à la page 21.

$$\begin{aligned} E &= (x-2)(x+3) + (x-2)(4x-1) ; \\ F &= (2x+1)(3x+4) - (x+7)(2x+1) ; \\ G &= (5x-3)(2x-5) - x(5x-3) . \end{aligned}$$

- 34** $H = (5x+2)^2 + (5x+2)(x-1)$;
 $I = (7x+2)^2 - 3x(7x+2)$;
 $J = 5x(x+1) - (x+1)^2$.

36 Recopier et relier chaque développement à son expression factorisée.

$4x^2 + 12x + 9$	•
$x^2 - 16$	•
$9x^2 - 12x + 4$	•
$4x^2 - 1$	•
$4x^2 - 12x + 9$	•
$16x^2 - 1$	•
$9x^2 + 12x + 4$	•

- $(3x-2)^2$
- $(2x+3)^2$
- $(4x+1)(4x-1)$
- $(x+4)(x-4)$
- $(2x-1)(2x+1)$
- $(2x-3)^2$
- $(3x+2)^2$

- 37** $A = x^2 + 4x + 4$; $B = x^2 - 64$;
 $C = y^2 - 2y + 1$; $D = y^2 - 81$.

- 38** $E = x^2 - 6x + 9$; $F = x^2 - 1$;
 $G = z^2 + 12z + 36$; $H = -16 + n^2$.

- 39** $I = x^2 + x + \frac{1}{4}$; $J = x^2 - \frac{25}{9}$;
 $K = \frac{x^2}{4} - x + 1$; $L = y^2 - \frac{36}{49}$.

- 40** $M = 4x^2 + 20x + 25$; $N = 4x^2 - 25$;
 $P = 9x^2 - 24x + 16$; $Q = -49 + 36n^2$.

42 Soit : $E = (4x^2 - 1) + (2x + 1)(x + 3)$.

- a. Factoriser l'expression : $4x^2 - 1$.
 b. Établir que $E = (2x + 1)(3x + 2)$.

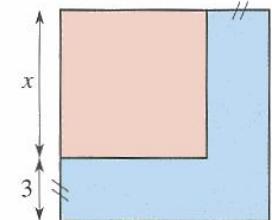
44 Soit : $G = x^2 + 2x + 1 + 4(x + 1)$.

- a. Factoriser l'expression : $x^2 + 2x + 1$.
 b. Factoriser G .

46 Un carré qui augmente !

Un carré a pour côté x (en cm). On augmente le côté de 3 cm.

1. Retrouver, parmi les trois expressions ci-dessous, celle qui exprime l'augmentation de l'aire du carré.



$$(x^2 + 3^2) - x^2 ; \quad x^2 - (x+3)^2 ; \quad (x+3)^2 - x^2 .$$

2. À l'aide de l'expression trouvée au 1., montrer que cette augmentation peut s'écrire : $3(2x+3)$. En déduire la valeur de cette augmentation lorsque x est égal à 8 cm.

63 1. Recopier et compléter :

- a. $27x + 9 = 9(\dots)$; b. $x^2 - 4x = x(\dots)$;
 c. $3x^2 + 8x = x(\dots)$; d. $2x^2 + 6x = 2x(\dots)$.

2. Recopier les expressions ci-dessous en soulignant en rouge le facteur commun, puis factoriser E et F .

$$\begin{aligned} E &= (x+3)(2x-1) + 2(x+3) ; \\ F &= (5x-1)(7x-4) - (7x+4)(5x-1) . \end{aligned}$$

64 Recopier et compléter les égalités :

- ① $a^2 + 2ab + b^2 = (\dots + \dots)^2$;
- ② $x^2 + \dots + 4^2 = (\dots + \dots)^2$;
- ③ $x^2 + \dots + 36 = (\dots + \dots)^2$;
- ④ $(3x)^2 + \dots + 1 = (\dots + \dots)^2$;
- ⑤ $a^2 - b^2 = (\dots + \dots)(\dots - \dots)$;
- ⑥ $x^2 - 5^2 = (\dots + \dots)(\dots - \dots)$;
- ⑦ $x^2 - 64 = (\dots + \dots)(\dots - \dots)$;
- ⑧ $16x^2 - 25 = (\dots + \dots)(\dots - \dots)$.

65 1. Compléter les identités remarquables :

type ① $a^2 + 2ab + b^2 = \dots$;

type ② $a^2 - 2ab + b^2 = \dots$;

type ③ $a^2 - b^2 = \dots$.

2. On veut factoriser $E = 4x^2 - 20x + 25$.

a. Quelle identité remarquable va-t-on utiliser ?

Préciser avec quelle valeur de a et quelle valeur de b .

b. Donner la factorisation de E .

3. Reprendre la question 2. pour $F = 9x^2 - 49$.

4. Reprendre la question 2. pour

$$G = 4x^2 + 12x + 9$$
 .

52 En factorisant : $25x^2 - 20x + 4$, on obtient :

- a. $(5x + 2)^2$;
- b. $(5x - 2)^2$;
- c. $(5x + 2)(5x - 2)$;
- d. $(5x - 4)^2$.

53 En factorisant $9 - x^2$, on obtient :

- a. $(9 + x)(9 - x)$;
- b. $(3 - x)^2$;
- c. $(3 + x)(x - 3)$;
- d. $(3 + x)(3 - x)$.

54 En factorisant $(x + 1)^2 + (x + 1)(2x - 3)$, on obtient :

- a. $(x + 1)(2x - 3)$;
- b. $(x + 1)(3x - 2)$;
- c. $(x + 1)(3x - 4)$;
- d. $(x + 1)(x - 2)$.

55 L'énoncé suivant, « Choisir un nombre x , ajouter 1 au triple de x , calculer le carré du nombre obtenu, puis retrancher 9 » correspond à l'expression :

- a. $3(x + 1)^2 - 9$;
- b. $9 - (3x + 1)^2$;
- c. $(3x + 1)^2 - 9$;
- d. $(x + 3)^2 - 9$.

56 En factorisant $(3x + 1)^2 - 9$, on obtient :

- a. $(3x + 4)(3x - 2)$;
- b. $(3x + 10)(3x - 8)$;
- c. $(3x - 2)^2$;
- d. $(3x + 4)(3x - 4)$.